

# CTC-41



## Compiladores

**Carlos Alberto Alonso Sanches**

# CTC-41



## 5) Análise sintática

Análise sintática ascendente (*bottom-up*) ou redutiva

*Parser* SLR(1)

A ferramenta *Yacc*

# Análise sintática ascendente

- Na análise sintática ascendente (*bottom-up*):
  - A árvore de derivação é construída a partir dos *tokens*, (que são as folhas), chegando até a raiz (que é o símbolo inicial da gramática).
  - Em cada passo desta estratégia, um lado direito de uma produção (chamado de *handle*) é substituído por um não-terminal. Esta substituição recebe o nome de *redução*, e por isso a análise sintática ascendente também é chamada de reductiva.
  - Conseqüentemente, o reconhecimento é feito através da derivação mais à direita em ordem reversa.
- A sua implementação é realizada através de um autômato de pilha com o controle dirigido por uma tabela de análise.

# Implementação de um *parser* redutivo

- Inicialmente, a fita de entrada do autômato contém a sentença a ser analisada seguida do símbolo \$ (marcador de fim), e a pilha contém apenas \$.
- O processo de reconhecimento consiste em transferir símbolos da fita de entrada para a pilha (operações *shift*), até que se tenha na pilha um lado direito de produção. Quando isso ocorre, este lado direito é substituído pelo lado esquerdo desta produção (operação *reduce*).
- Por isso, este *parser* também é chamado de *shift-reduce*.
- Para garantir um único estado inicial do autômato, geralmente é utilizada uma gramática aumentada, com a produção inicial  $S' \rightarrow S$ .
- No final da entrada, se a pilha contiver apenas \$  $S'$ , a sentença analisada é aceita.

# Exemplo 1

- Considere a gramática aumentada abaixo, para operações de adição:

$$E' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E + n \mid n$$

- Ações do *parser* redutivo para a entrada  $n + n$  :

Passos	Pilha	Entrada	Ações
1	\$	$n + n \$$	shift
2	\$ n	$+ n \$$	reduce $E \rightarrow n$
3	\$ E	$+ n \$$	shift
4	\$ E +	$n \$$	shift
5	\$ E + n	\$	reduce $E \rightarrow E + n$
6	\$ E	\$	reduce $E' \rightarrow E$
7	\$ E'	\$	aceitação

- Os passos 3 e 6, embora tenham  $E$  no topo da pilha, possuem ações distintas. Motivo: diferentes *tokens* na entrada.
- Parser* acompanha a derivação mais à direita da cadeia de entrada, embora os *reduce* ocorram na ordem reversa:  $E' \Rightarrow E \Rightarrow E + n \Rightarrow n + n$
- Quando a entrada é aceita, o conteúdo da pilha seguido do conteúdo da entrada sempre corresponde a uma forma sentencial da gramática.

# Exemplo 2

- Considere a gramática aumentada abaixo, para listas:

$$\begin{aligned}
 S' &\rightarrow S \\
 S &\rightarrow [ L ] \mid a \\
 L &\rightarrow L ; S \mid S
 \end{aligned}$$

- Ações do *parser* redutivo para a entrada [ a ; a ] :

Pilha	Entrada	Ações
\$	[ a ; a ] \$	shift
\$ [	a ; a ] \$	shift
\$ [ a	; a ] \$	reduce S → a
\$ [ S	; a ] \$	reduce L → S
\$ [ L	; a ] \$	shift
\$ [ L ;	a ] \$	shift

Pilha	Entrada	Ações
\$ [ L ; a	] \$	reduce S → a
\$ [ L ; S	] \$	reduce L → L ; S
\$ [ L	] \$	shift
\$ [ L ]	\$	reduce S → [ L ]
\$ S	\$	reduce S' → S
\$ S'	\$	aceitação

- Derivação mais à direita correspondente à análise:

$$S' \Rightarrow S \Rightarrow [ L ] \Rightarrow [ L ; S ] \Rightarrow [ L ; a ] \Rightarrow [ S ; a ] \Rightarrow [ a ; a ]$$

# Parser LR(1)

- Um caso importante de *parser* redutivo é o LR(1): a entrada é processada da esquerda para a direita (L), o reconhecimento é através da derivação mais à direita (R), e é utilizado um único *token* à frente (1).
- Um ponto fundamental é a ação a ser executada, definida através de consulta a uma tabela de análise. Para isso, cada elemento da pilha será um par  $(X_i, E_j)$ , onde  $X_i$  é um símbolo da gramática e  $E_j$  é um estado do autômato.
- Sejam  $E_m$  o estado no topo da pilha e  $a_i$  o próximo *token*. O *parser* LR(1) consulta a posição  $[E_m, a_i]$  da tabela de análise e realiza determinadas ações de acordo com o seu conteúdo:
  - **s**  $E_x$ : empilha o par  $(a_i, E_x)$ .
  - **r**  $n$ , onde  $n$  identifica a produção  $A \rightarrow \alpha$ : desempilha  $|\alpha|$  pares e empilha o par  $(A, [E_m, A])$ , onde  $[E_m, A]$  é uma posição desta mesma tabela.
  - **acpt**: a cadeia de entrada é reconhecida como válida.
  - **error**: é identificado um erro sintático.

# Exemplo de tabela LR(1)

Gramática:

- 1)  $E \rightarrow E + T$
- 2)  $E \rightarrow T$
- 3)  $T \rightarrow T * F$
- 4)  $T \rightarrow F$
- 5)  $F \rightarrow ( E )$
- 6)  $F \rightarrow id$

Para terminais e \$: **ações**  
(*shift, reduce, acpt*)

Espaços vagos: erros

Para não-terminais:  
**transições de estados**

Estados	Ação						Transição		
	id	+	*	(	)	\$	E	T	F
0	s 5			s 4			1	2	3
1		s 6				acpt			
2		r 2	s 7		r 2	r 2			
3		r 4	r 4		r 4	r 4			
4	s 5			s 4			8	2	3
5		r 6	r 6		r 6	r 6			
6	s 5			s 4				9	3
7	s 5			s 4					10
8		s 6			s 11				
9		r 1	s 7		r 1	r 1			
10		r 3	r 3		r 3	r 3			
11		r 5	r 5		r 5	r 5			

# Tabelas de análise SLR(1)

- Veremos a construção do caso mais básico de tabelas LR(1), chamado de SLR(1) ou LR(1) simples.
- As gramáticas reconhecidas por tabelas SLR(1) não são ambíguas.
- No entanto, há várias gramáticas não ambíguas que não podem ser reconhecidas por tabelas SLR(1), exigindo um método mais sofisticado, conhecido como LALR(1), que é o mais utilizado nos geradores de *parsers*.
- Fases da construção da tabela SLR(1) de uma gramática  $G$ :
  - Embora não seja sempre necessário, incluir uma nova produção  $S' \rightarrow S$ , onde  $S$  é o símbolo inicial de  $G$ , para indicar ao *parser* o momento de terminar a análise e aceitar a entrada;
  - Definir a coleção canônica  $C$  de itens LR(0) de  $G$ ;
  - Com as funções auxiliares *Fecho* e *IrPara*, definir os estados e as transições de um AFD;
  - A partir deste AFD, construir a tabela SLR(1).

# Itens LR(0)

- Um item LR(0) para uma gramática  $G$  é uma produção de  $G$  com um ponto em alguma das suas posições no lado direito.
- Por exemplo, a produção  $A \rightarrow XYZ$  tem quatro itens:
  - $A \rightarrow .XYZ$
  - $A \rightarrow X.YZ$
  - $A \rightarrow XY.Z$
  - $A \rightarrow XYZ.$
- A produção  $A \rightarrow \varepsilon$  tem apenas o item  $A \rightarrow .$
- Um item LR(0) indica a parcela já reconhecida de uma produção em um determinado momento da sua análise sintática.
- Considerando cada item LR(0) como um estado, é possível construir um AFND com transições a partir de símbolos da gramática e  $\varepsilon$ -transições, como veremos a seguir.

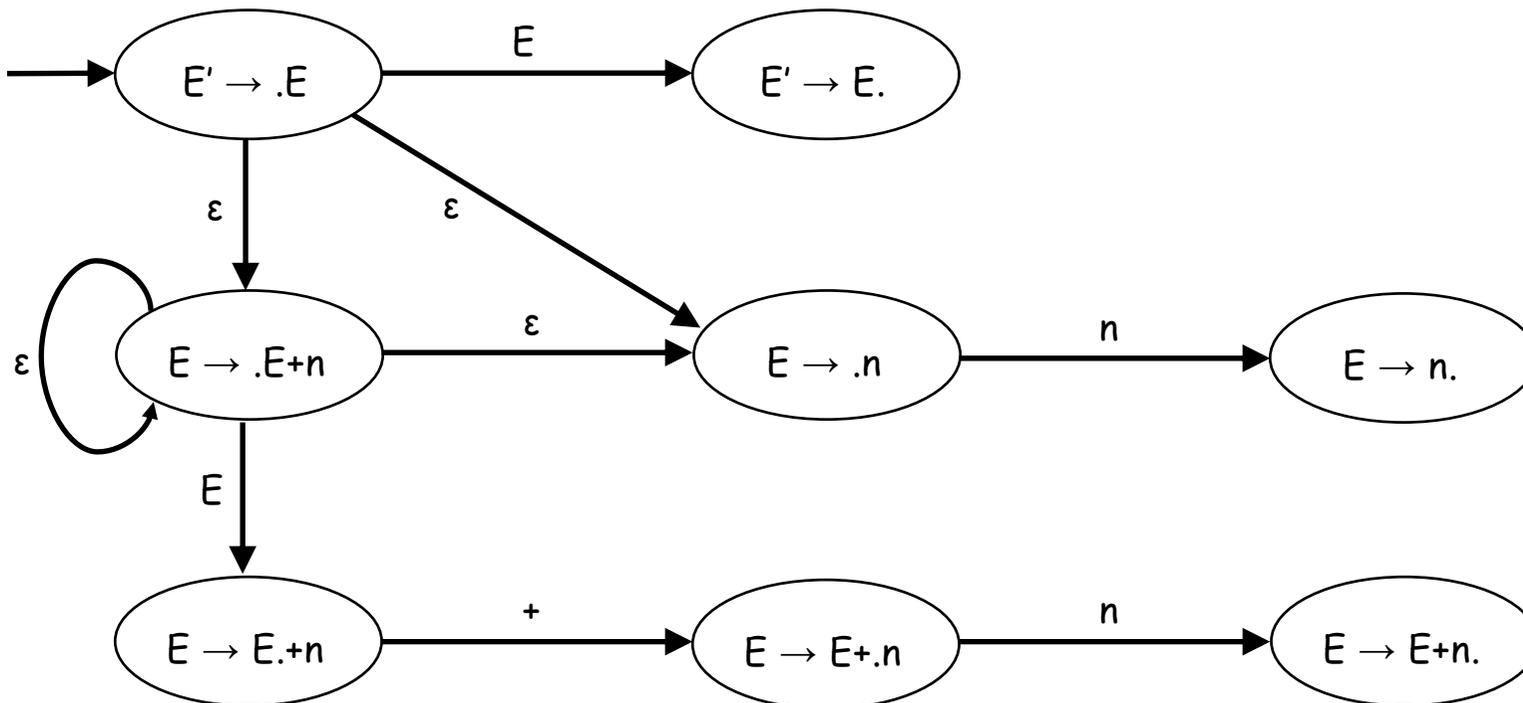
# Exemplo

- Considere a gramática aumentada abaixo, para operações de adição:

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + n \mid n$

- Os estados do AFND são obtidos a partir dos itens LR(0).
- As transições deste AFND são obtidas com símbolos ou  $\epsilon$ -transições.



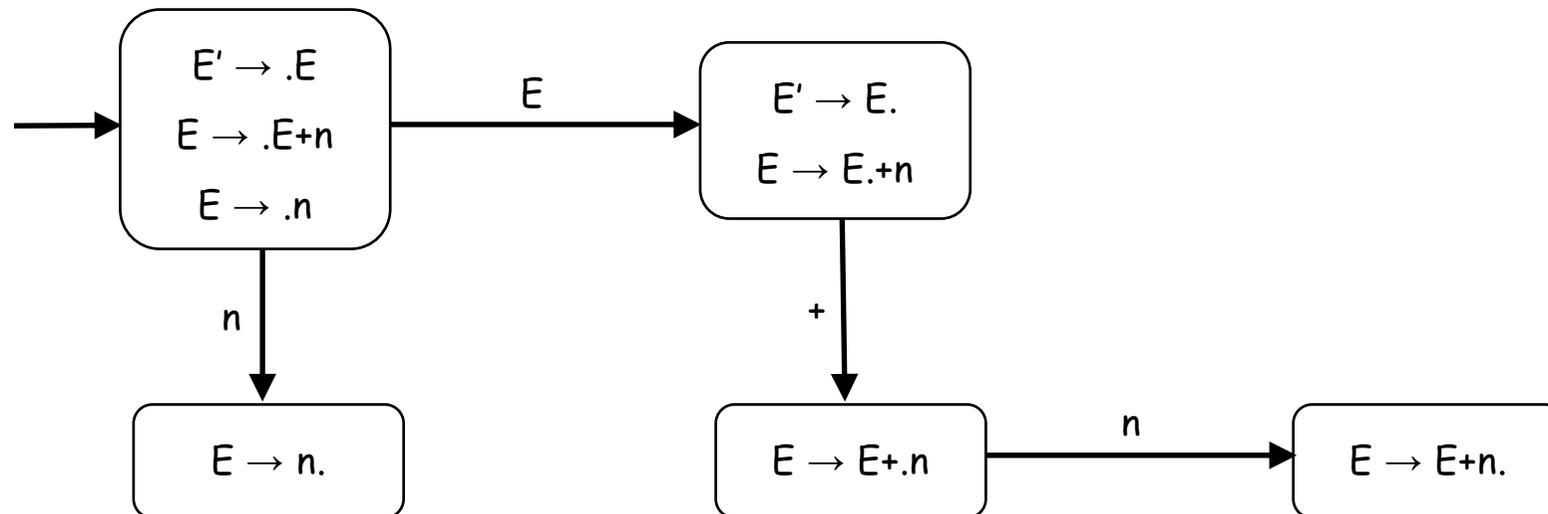
# Exemplo (continuação)

- Considere a mesma gramática anterior:

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + n \mid n$

- Podemos encontrar um AFD equivalente ao AFND anterior:



- A seguir, veremos como é possível obter este AFD diretamente, com o uso das funções Fecho e IrPara.

# Função Fecho

- Seja  $I$  um conjunto de itens LR(0) para uma gramática  $G$ .
- A função  $\text{Fecho}(I)$  é definida da seguinte forma:
  - Todo item de  $I$  pertence a  $\text{Fecho}(I)$ .
  - Se  $A \rightarrow \alpha.X\beta$  está em  $\text{Fecho}(I)$  e  $X \rightarrow \gamma$  é produção de  $G$ , então adicione  $X \rightarrow .\gamma$  a  $\text{Fecho}(I)$ .
- Como exemplo, considere a gramática abaixo:
  - $S \rightarrow a \mid [ L ]$   
 $L \rightarrow L ; S \mid S$
  - Itens LR(0) =  $\{S \rightarrow .a, S \rightarrow a., S \rightarrow .[L], S \rightarrow [.L], S \rightarrow [L.], S \rightarrow [L]., L \rightarrow .L;S, L \rightarrow L.;S, L \rightarrow L;.S, L \rightarrow L;S., L \rightarrow .S, L \rightarrow S.\}$
  - $\text{Fecho}(\{S \rightarrow [.L]\}) = \{S \rightarrow [.L], L \rightarrow .L;S, L \rightarrow .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\}$
  - $\text{Fecho}(\{L \rightarrow .L;S\}) = \{L \rightarrow .L;S, L \rightarrow .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\}$
  - $\text{Fecho}(\{L \rightarrow L;.S\}) = \{L \rightarrow L;.S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\}$
  - $\text{Fecho}(\{L \rightarrow .S\}) = \{L \rightarrow .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\}$
  - Para os demais itens, o fecho contém apenas o próprio item.
- Esta função será utilizada para definir os estados do AFD.

# Função IrPara

- Seja  $I$  um conjunto de itens LR(0) para uma gramática  $G$ , e  $X$  um símbolo de  $G$ .
- A função  $\text{IrPara}(I, X)$  é definida como o fecho de todos os itens  $A \rightarrow \alpha X \beta$  tais que  $A \rightarrow \alpha X \beta$  estejam em  $I$ .
- Como exemplo, considere a mesma gramática anterior:
  - $S \rightarrow a \mid [ L ]$   
 $L \rightarrow L ; S \mid S$
  - $\text{IrPara}(\{S \rightarrow \cdot a\}, a) = \{S \rightarrow a \cdot\}$
  - $\text{IrPara}(\{S \rightarrow a \cdot\}, [) = \phi$
  - $\text{IrPara}(\{S \rightarrow \cdot [L]\}, [) = \{S \rightarrow [ \cdot L], L \rightarrow \cdot L ; S, L \rightarrow \cdot S, S \rightarrow \cdot a, S \rightarrow \cdot [L]\}$
  - $\text{IrPara}(\{S \rightarrow [L \cdot], L \rightarrow L \cdot ; S\}, ;) = \{L \rightarrow L ; \cdot S, S \rightarrow \cdot a, S \rightarrow \cdot [L]\}$
  - $\text{IrPara}(\{S \rightarrow [L \cdot], L \rightarrow L \cdot ; S\}, ]) = \{S \rightarrow [L] \cdot\}$
  - E assim por diante...
- Esta função será utilizada para definir as transições do AFD a partir de cada símbolo  $X$ .

# Coleção canônica de itens LR(0)

- Seja uma gramática aumentada  $G$ , com símbolo inicial  $S$  e produção acrescentada  $S' \rightarrow S$ .
- Algoritmo para obtenção da sua coleção canônica  $C$  de itens LR(0):

```
ColeçãoCanônica(G) {  
    C = {I0 = Fecho({S' → .S})};  
    repeat  
        for each (I ∈ C and X ∈ G) do  
            if (IrPara(I,X) ≠ φ)  
                C = C U IrPara(I,X);  
    until não haja mais conjuntos para serem incluídos em C;  
    return C;  
}
```

# Exemplo

- Considere a gramática aumentada abaixo, para listas:

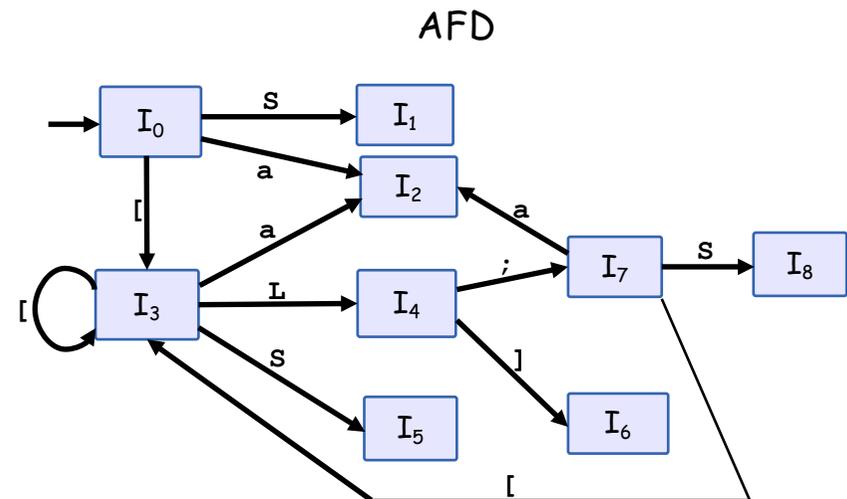
$S' \rightarrow S$

$S \rightarrow [ L ] \mid a$

$L \rightarrow L ; S \mid S$

- Conjuntos de itens LR(0) da coleção  $C$ :

- $I_0 = \text{Fecho}(\{S' \rightarrow .S\}) = \{S' \rightarrow .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\}$
- $\text{IrPara}(I_0, S) = \{S' \rightarrow S.\} = I_1$
- $\text{IrPara}(I_0, a) = \{S \rightarrow a.\} = I_2$
- $\text{IrPara}(I_0, [) = \{S \rightarrow [ .L], L \rightarrow .L;S, L \rightarrow .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\} = I_3$
- $\text{IrPara}(I_3, L) = \{S \rightarrow [L .], L \rightarrow L .;S\} = I_4$
- $\text{IrPara}(I_3, S) = \{L \rightarrow S .\} = I_5$
- $\text{IrPara}(I_3, a) = I_2$
- $\text{IrPara}(I_3, [) = I_3$
- $\text{IrPara}(I_4, ] ) = \{S \rightarrow [L] .\} = I_6$
- $\text{IrPara}(I_4, ;) = \{L \rightarrow L ; .S, S \rightarrow .a, S \rightarrow .[L]\} = I_7$
- $\text{IrPara}(I_7, S) = \{L \rightarrow L ; S .\} = I_8$
- $\text{IrPara}(I_7, a) = I_2$
- $\text{IrPara}(I_7, [) = I_3$



# Construção da tabela SLR(1)

- Seja  $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$  a coleção canônica de  $G$ .
- As linhas da tabela, que representam os estados, serão indexadas de 0 a  $n$ , onde 0 é o estado inicial.
- O conteúdo da linha  $i$  é construído a partir do conjunto  $I_i$ :
  - Regras para as ações (coluna é indexada por um terminal ou por  $\$$ ):
    - Se  $\text{IrPara}(I_i, a) = I_j$ , então  $\text{Ação}[i,a] = "s j"$
    - Se  $A \rightarrow \alpha$  está em  $I_i$ , então, para todo  $a$  em  $\text{Follow}(A)$ ,  $\text{Ação}[i,a] = "r n"$ , onde  $n$  identifica a produção  $A \rightarrow \alpha$
    - Se  $S' \rightarrow S$  está em  $I_i$ , então  $\text{Ação}[i,\$] = "acpt"$
  - Regras para as transições (coluna é indexada por um não-terminal):
    - Se  $\text{IrPara}(I_i, A) = I_j$ , então  $\text{Transição}[i,A] = "j"$
- Ações não definidas na tabela correspondem a situações de erro.
- Se houver situações conflitantes na tabela, então a gramática  $G$  não é SLR(1).

# Exemplo 1

Gramática  
equivalente à  
aumentada:

- 1)  $S \rightarrow E$
- 2)  $E \rightarrow E + T$
- 3)  $E \rightarrow E - T$
- 4)  $E \rightarrow T$
- 5)  $T \rightarrow T * F$
- 6)  $T \rightarrow F$
- 7)  $F \rightarrow n$
- 8)  $F \rightarrow ( E )$

	Ação							Transição			
	n	(	+	-	*	)	\$	S	E	T	F
0	s 5	s 6						1	2	3	4
1							acpt				
2	r 1	r 1	s 7	s 8	r 1	r 1	r 1				
3	r 4	r 4	r 4	r 4	s 9	r 4	r 4				
4	r 6	r 6	r 6	r 6	r 6	r 6	r 6				
5	r 7	r 7	r 7	r 7	r 7	r 7	r 7				
6	s 5	s 6							10	3	4
7	s 5	s 6								11	4
8	s 5	s 6								12	4
9	s 5	s 6									13
10			s 7	s 8		s 14					
11	r 2	r 2	r 2	r 2	s 9	r 2	r 2				
12	r 3	r 3	r 3	r 3	s 9	r 3	r 3				
13	r 5	r 5	r 5	r 5	r 5	r 5	r 5				
14	r 8	r 8	r 8	r 8	r 8	r 8	r 8				

# Exemplo 2

Gramática  
(não aumentada):

1)  $E \rightarrow E + n$

2)  $E \rightarrow n$

	Ação			Transição
	n	+	\$	E
0	s 2			1
1		s 3	acpt	
2		r 2	r 2	
3	s 4			
4		r 1	r 1	

Exercício: com esta tabela, simule a análise sintática de  $n + n + n$

# Ambiguidades

- Se houver ambiguidade entre **shift** e **reduce** numa mesma posição da tabela, geralmente **shift** é escolhido.
- Se houver ambiguidade entre **reduce** e **reduce**, o melhor será reelaborar a gramática.
- Exemplo de gramática ambígua:
  - 1)  $S \rightarrow I$
  - 2)  $S \rightarrow \text{outro}$
  - 3)  $I \rightarrow \text{if } S$
  - 4)  $I \rightarrow \text{if } S \text{ else } S$

Neste caso, dar preferência ao **shift** significa empilhar o **else** para que fique aninhado com o último **if**.

	Ação				Transição	
	if	else	outro	\$	S	I
0	s 4		s 3		1	2
1				acpt		
2		r 1		r 1		
3		r 2		r 2		
4	s 4		s 3		5	2
5		s 6		r 3		
6	s 4		s 3		7	2
7		r 4		r 4		

# Recuperação de erros

- Um erro é detectado quando houver acesso a uma ação vazia da tabela: não há detecção de erro nas posições de transição.
- Não é preciso se preocupar com as reduções: sempre estarão corretas. Por isso, o *parser* SLR(1) pode realizar várias reduções antes de anunciar um erro, mas nunca empilhará um *token* incorreto.
- Recuperação em "modo pânico":
  - Limpar a pilha até encontrar um estado  $s$  com transição para um determinado não-terminal  $A$ . Pode haver mais de uma escolha para  $A$ , que geralmente representa trechos maiores do programa: expressões, declarações, blocos, etc.
  - Descartar a entrada até encontrar um *token* que possa seguir  $A$ .
  - Empilhar o par  $(A, [s,A])$  e continuar a análise.
- Recuperação em nível de frase:
  - De acordo com a posição da tabela em que o erro é detectado, e com base no uso da linguagem e na propensão de erro nessa situação, construir um procedimento de recuperação específico.

# Parser LALR(1)

- A maioria dos compiladores utiliza um *parser* LALR(1), que possui as seguintes características básicas:
  - Dada uma gramática, são encontrados seus itens LR(1). Cada item LR(1) corresponde a um item LR(0), que é o seu núcleo, e um *token* de verificação à frente (*lookahead* = 1).
  - É construído um AFD cujos estados são os itens LR(1) acima.
  - Este AFD é simplificado: os estados com os mesmos núcleos LR(0) são agrupados, e as suas verificações são combinadas adiante.
- Esta técnica é utilizada amplamente porque atende a praticamente todas as linguagens de programação e pode ser implementada de forma eficiente.

# A ferramenta *Yacc*

- A ferramenta *Yacc* (*Yet another compiler-compiler*) é um conhecido gerador de *parsers* baseado na análise LALR(1).
- Entre as diversas implementações abertas e gratuitas, a versão *Bison* é disponibilizada pelo *GNU Project* ([www.gnu.org](http://www.gnu.org)), da *Free Software Foundation*.
- <https://www.gnu.org/software/bison/manual/bison.html>
- *Bison* gera uma rotina em código C chamada `yyparse()`, que faz a análise sintática de um arquivo de entrada, retornando 0 quando não são encontrados erros, ou 1 em caso contrário.
- *Bison* e *Flex* foram desenvolvidos para serem integrados em um mesmo compilador.

# Formato do arquivo de entrada

- Um arquivo de entrada do *Bison* tem o seguinte formato:

```
{ definições }
%%
{ regras }
%%
{ rotinas auxiliares }
```

- A seção de definições, que é opcional, contém informações sobre os *tokens*, os tipos de dados e o código C, delimitado entre `{` e `}`, que deverá ser inserido no início do arquivo de saída. Quando essa seção não existir, o primeiro `%%` pode ser omitido.
- Na seção de regras, há as produções gramaticas em formato BNF, seguidas pelos códigos em C a serem executados em caso de reconhecimento.
- Na terceira seção, que também é opcional, podem estar os códigos em C de rotinas auxiliares e do programa principal. Quando essa seção não existir, o segundo `%%` pode ser omitido.

# Algumas notações utilizadas

- Produções gramaticais:
  - Formato BNF: `nãoterminal: expansão1 | expansão2 ;`
  - Símbolo inicial: através da declaração `%start`
    - Na sua ausência, o lado esquerdo da primeira produção será o símbolo inicial
  - Produções recursivas: é preferível recursão à esquerda
- *Tokens* :
  - Nomes simbólicos declarados com `%token`
    - *Yacc* atribuirá automaticamente um valor numérico com `#define`
  - Representação direta com um único caractere entre aspas simples
  - Operadores:
    - `%left`: indica associatividade à esquerda
    - `%right`: indica associatividade à direita
    - `%nonassoc`: indica que operador é não-associativo
    - Operadores declarados na mesma linha têm mesma precedência
    - Operadores declarados na última linhas têm maior precedência

# Exemplo

- Consideremos a gramática abaixo:

- $E \rightarrow E + E$
- $E \rightarrow E * E$
- $E \rightarrow ( E )$
- $E \rightarrow \text{VALOR}$

- Os *tokens* podem ser declarados da seguinte maneira:

- `%start E`
- `%token VALOR ABRPAR FECPAR`
- `%left SOMA`
- `%left MULT`

- Significado das precedências:

- `%left SOMA`  $A + B + C$  é interpretado como  $(A + B) + C$
- `%right SOMA`  $A + B + C$  é interpretado como  $A + (B + C)$
- `%nonassoc SOMA`  $A + B + C$  é considerado incorreto

# Variáveis e pseudovariáveis

- Quando uma produção gramatical é reconhecida, cada símbolo desta produção possui um valor, que são preservados pelo *Yacc* numa pilha mantida em paralelo com a pilha de análise sintática.
- Cada um desses valores pode ser referenciado com pseudovariáveis, cujos nomes começam com \$:
  - \$\$: valor do não-terminal que acabou de ser reconhecido;
  - \$1, \$2, \$3, ...: valores de cada símbolo do lado direita da produção reconhecida (da esquerda para a direita).
- *Yacc* assume que, cada vez que um *token* é reconhecido, o *scanner* atribui seu valor à variável `yyval`.
- O tipo padrão desses valores é `int`, mas pode ser alterado com a redefinição da *string* `YYSTYPE`.
- Nomes dos procedimentos: `yyparse` (*parser*), `yylex` (*scanner*), `yyerror` (tratamento de erros).

# Exemplo: uma calculadora

```
%{
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
%}

%token NUMBER

%%

command : exp {printf("%d\n", $1);}
        /* imprime o resultado */
        ;

exp      : exp '+' term    {$$ = $1 + $3;}
        | exp '-' term    {$$ = $1 - $3;}
        | term             {$$ = $1;}
        ;

term     : term '*' factor {$$ = $1 * $3;}
        | factor           {$$ = $1;}
        ;

factor   : NUMBER         {$$ = $1;}
        | '(' exp ')'     {$$ = $2;}
        ;
```

```
%%

main ()
{ return yyparse(); }

int yylex (void)
{ int c;
  while ((c = getchar()) == ' ');
  /* elimina espaços em branco */
  if (isdigit (c)) {
    ungetc (c, stdin);
    scanf("%d", &yylval);
    return (NUMBER);
  }
  if (c == '\n') return 0;
  /* interrompe a análise sintática */
  return (c);
}

int yyerror (char *s)
{ fprintf(stderr, "%s\n", s);
  /* imprime mensagem de erro */
  return 0;
}
```

# Exemplo: uma calculadora

- Considerando o exemplo anterior, as regras abaixo utilizam `%left`, produzindo o mesmo resultado:

```
%{
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
}%

%token NUMBER
%left '+' '-' '*'

%%

command : exp                {printf("%d\n", $1);}
        ;

exp      : NUMBER            {$$ = $1;}
        | exp '+' exp       {$$ = $1 + $3;}
        | exp '-' exp       {$$ = $1 - $3;}
        | exp '*' exp       {$$ = $1 * $3;}
        | '(' exp ')'       {$$ = $2;}
        ;

%%
```

# Recuperação de erros no *Yacc*

- Modo pânico do *Yacc*: ao detectar um erro, permanece neste estado até encontrar uma sequência de três *tokens* legais consecutivos.
- Uma alternativa é utilizar produções gramaticais com um *pseudotoken* erro no seu lado direito.
- Uma produção deste tipo define um contexto para que os *tokens* errôneos sejam consumidos, até se encontrar *tokens* apropriados para sincronização.

# Eliminação de ambiguidades no *Yacc*

- *Yacc* segue algumas regras para eliminar ambiguidades:
  - entre reduzir e empilhar, prefere empilhar;
  - entre duas possíveis reduções, escolhe a produção especificada antes no arquivo de entrada.
- Também podem ser utilizados os mecanismos para especificação de precedência e associatividade de operadores, já mencionados:
  - `%left`, `%right`, `%nonassoc`

# Integração *Yacc/Lex*

- Opções para a linha de comando do *Bison* :
  - `-d`: produz arquivo com as definições de valores para os nomes simbólicos associados aos *tokens*
  - `-v`: produz arquivo com informações sobre a análise sintática (útil para resolução de ambiguidades)
  - `-g`: produz arquivo descrevendo os estados do AFD
- Considere os seguintes arquivos de entrada:
  - `file.y` para o *Bison*
  - `file.l` para o *Flex*
- Exemplos de comandos:
  - `flex file.l`
  - `gcc -c lex.yy.c`
  - `bison -d file.y`
  - `gcc -o output lex.yy.o file.tab.c -ly -lf1`